

## MÉCANIQUE

### M3. ÉNERGIE MÉCANIQUE

- Énergie cinétique ; Puissance et travail d'une force ; travail moteur / résistant.
- Énergie potentielle associée à une force conservative : connaître les expressions de l'énergie potentielle de pesanteur et de l'énergie potentielle élastique ; expression du travail d'une force conservative en fonction de l'énergie potentielle associée ; lien énergie potentielle ↔ force, sous la forme :  $\vec{f}_C = \vec{f}_C \vec{u}_x = -\frac{d\mathcal{E}_p(\vec{f}_C)}{dx} \vec{u}_x$  ( $Ox$  étant l'axe portant la force).
- Énergie potentielle d'un point dans un environnement conservatif ; signification physique ; propriétés : lien avec les positions d'équilibre.
- Énergie mécanique : définition, conditions de sa conservation ; notions de barrière de potentiel et de puits de potentiel.
- Théorème de l'énergie mécanique : forme instantanée  $\frac{d\mathcal{E}_m}{dt} = \sum \mathcal{P}_{NC}$  ; forme intégrale  $\Delta\mathcal{E}_m(A \rightarrow B) = \sum W_{NC}(A \rightarrow B)$ .

On retiendra le cas de la dissipation d'énergie par frottements fluides, où  $\sum \mathcal{P}_{NC} = -\lambda v^2$

- Application du théorème de l'énergie mécanique sous forme instantanée à l'établissement de l'équation différentielle d'un mouvement à 1 dimension : mouvement rectiligne, mouvement circulaire (variable  $\theta$ ). Résolution de ces équations différentielles.
- Application du théorème de l'énergie mécanique sous forme intégrale.

+ pour ceux qui le souhaitent : démonstration du théorème de l'énergie mécanique à partir du principe fondamental de la dynamique (à connaître, en passant par la forme instantanée du théorème de l'énergie cinétique).

### M4. OSCILLATIONS LIBRES

- Oscillations libres non amorties.
- Oscillations libres amorties à une dimension : régimes aperiodique, critique, pseudoperiodique ; facteur d'amortissement ; aspect énergétique, facteur de qualité.

⇒ Remarque : les équations différentielles du 2nd ordre seront mises sous la forme canonique :

$$\ddot{x} + 2\xi\omega_0\dot{x} + \omega_0^2x = \omega_0^2x_{eq} \quad \text{ou} \quad \ddot{x} + \frac{\omega_0}{Q}\dot{x} + \omega_0^2x = \omega_0^2x_{eq}$$

avec  $\xi$  : facteur d'amortissement,  $Q$  : facteur de qualité,  $\omega_0$  : pulsation propre,  $x$  : la variable, à remplacer le cas échéant par le symbole approprié.